

# Recursão: conceitos básicos

- Consiste em reduzirmos um determinado problema a uma instância menor do mesmo problema
- Se o problema for suficientemente pequeno, resolva-o diretamente
- Senão reduza-o a uma instância menor do mesmo problema e execute a verificação acima novamente

# Recursão: conceitos básicos

- Exemplo: arrecadação de 1500 reais em doações

# Recursão: conceitos básicos

- Exemplo clássico: cálculo do fatorial

$$0! = 1$$

$$1! = 1$$

$$2! = 2 * 1 = 2$$

$$3! = 3 * 2 * 1 = 6$$

...

$$n! = n * \dots * 1$$

$$fatorial(n) = \begin{cases} 1 & \text{se } n = 0 \\ n \times fatorial(n - 1) & \text{se } n > 0 \end{cases}$$

# Recursão: conceitos básicos

$$\text{fatorial}(3) = 3 * \text{fatorial}(3 - 1)$$

$$= 3 * \text{fatorial}(2)$$

$$= 3 * 2 * \text{fatorial}(2 - 1)$$

$$= 3 * 2 * \text{fatorial}(1)$$

$$= 3 * 2 * 1 * \text{fatorial}(1 - 1)$$

$$= 3 * 2 * 1 * \text{fatorial}(0)$$

$$= 3 * 2 * 1 * 1$$

$$= 6$$

$$\text{fatorial}(n) = \begin{cases} 1 & \text{se } n = 0 \\ n \times \text{fatorial}(n - 1) & \text{se } n > 0 \end{cases}$$

# Recursão: conceitos básicos

```
/* função recursiva para cálculo do fatorial */  
  
int fat(int n) {  
    if (n==0) return 1;  
    else return n*fat(n-1);  
}
```

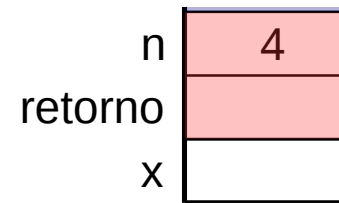
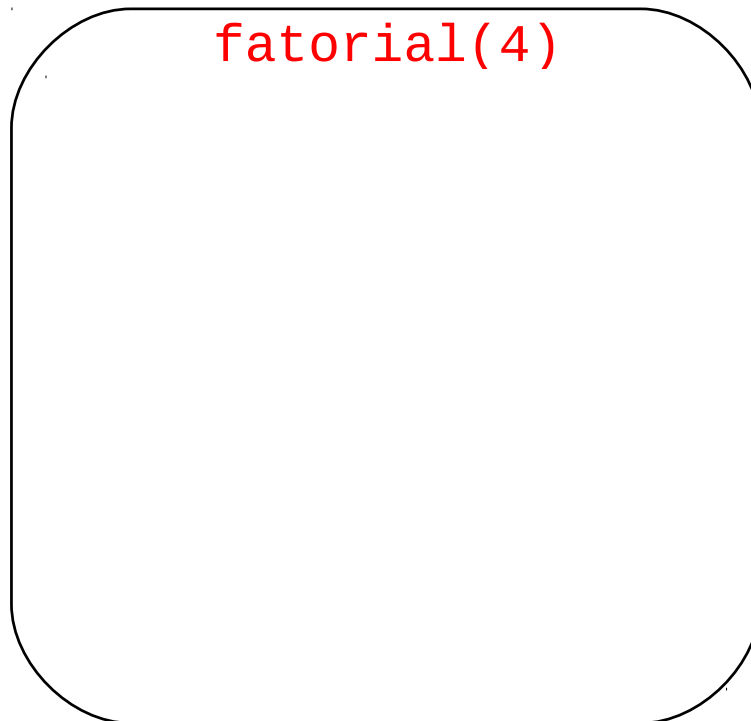
# Recursão: conceitos básicos

- Para cada chamada de uma função, recursiva ou não, os parâmetros e as variáveis são empilhados na pilha de execução.
- Então, cada chamada recursiva cria um ambiente local na memória, fazendo com que as variáveis sejam independentes entre si.

# Recursão

```
int fat(int n) {  
    if (n==0) return 1;  
    else return n*fat(n-1);  
}
```

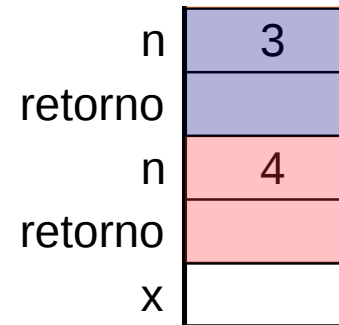
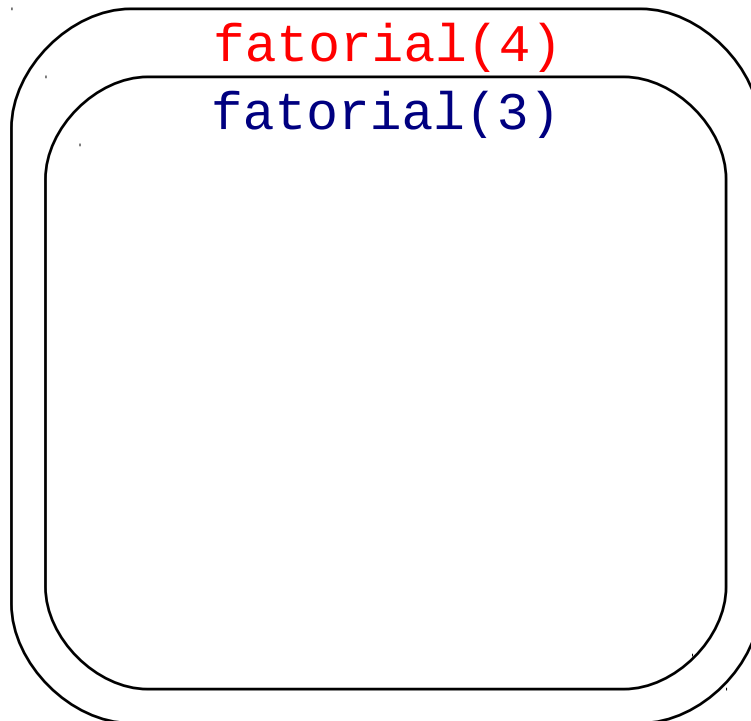
```
x = fat(4);
```



# Recursão

```
int fat(int n) {  
    if (n==0) return 1;  
    else return n*fat(n-1);  
}
```

x = fat(4);

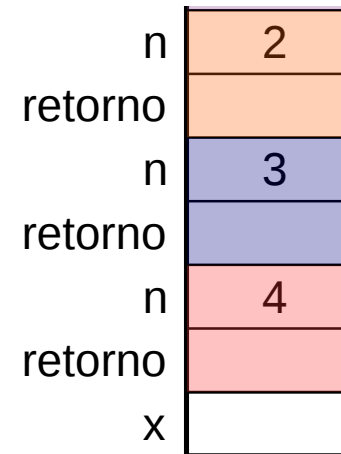
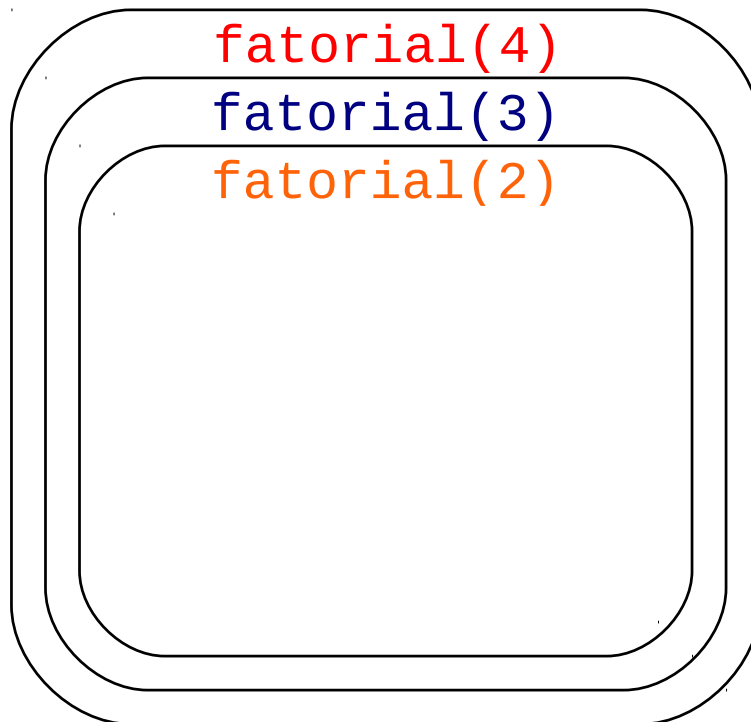




# Recursão

```
int fat(int n) {  
    if (n==0) return 1;  
    else return n*fat(n-1);  
}
```

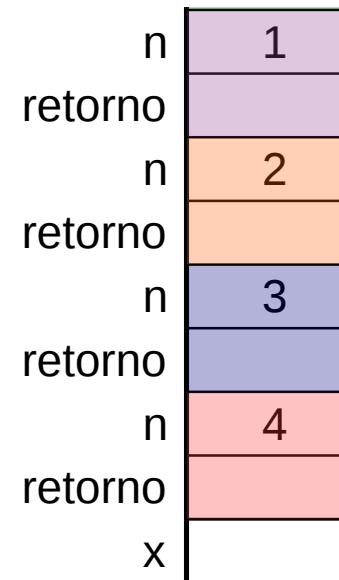
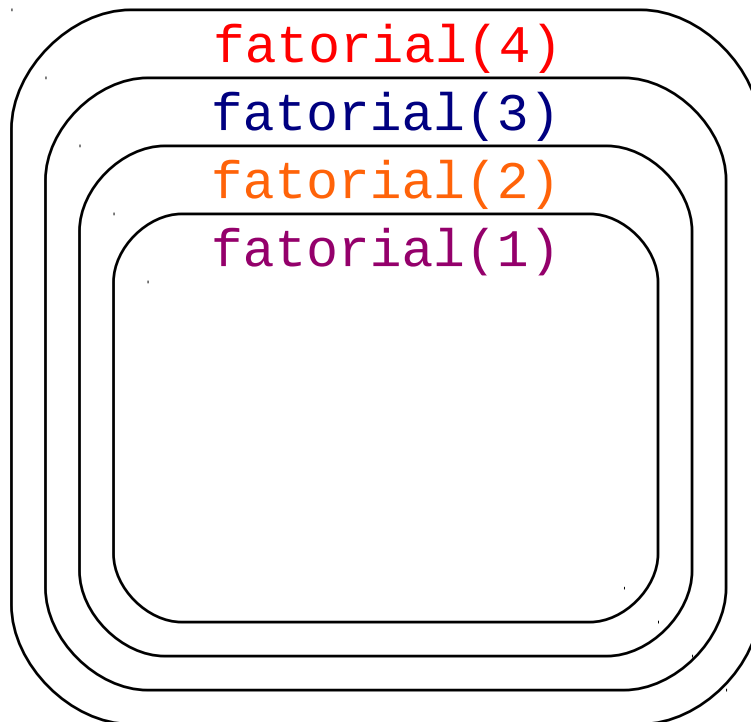
```
x = fat(4);
```



# Recursão

```
int fat(int n) {  
    if (n==0) return 1;  
    else return n*fat(n-1);  
}
```

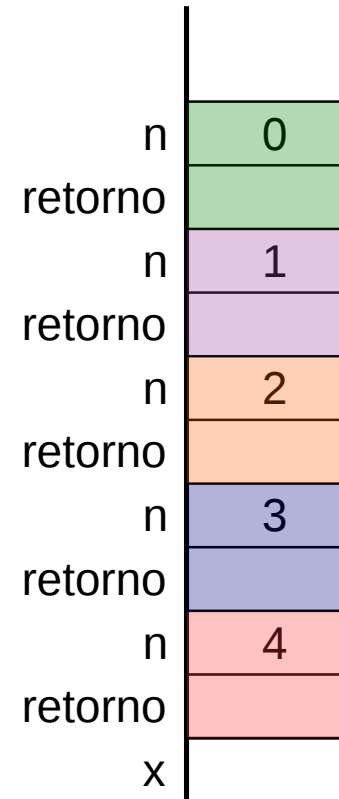
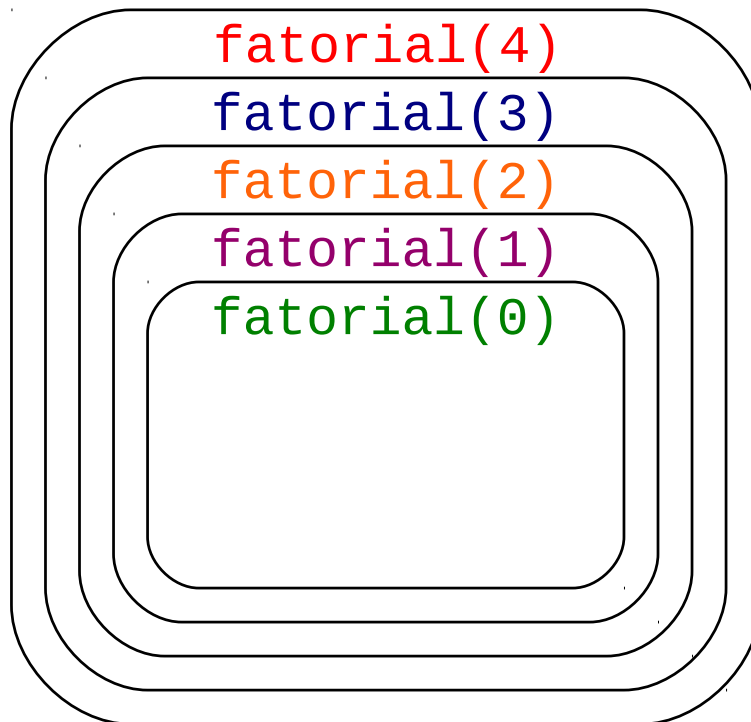
```
x = fat(4);
```



# Recursão

```
int fat(int n) {  
    if (n==0) return 1;  
    else return n*fat(n-1);  
}
```

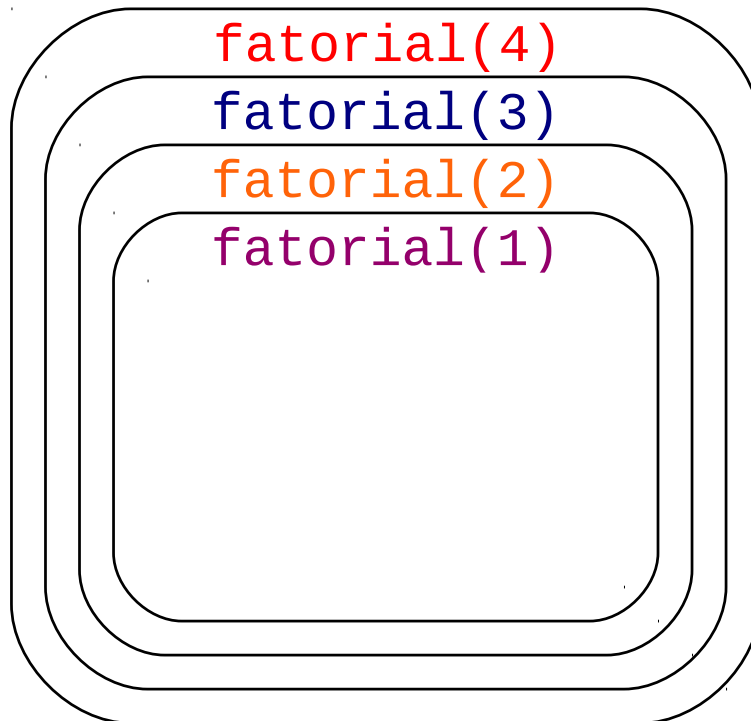
```
x = fat(4);
```



# Recursão

```
int fat(int n) {  
    if (n==0) return 1;  
    else return n*fat(n-1);  
}
```

```
x = fat(4);
```

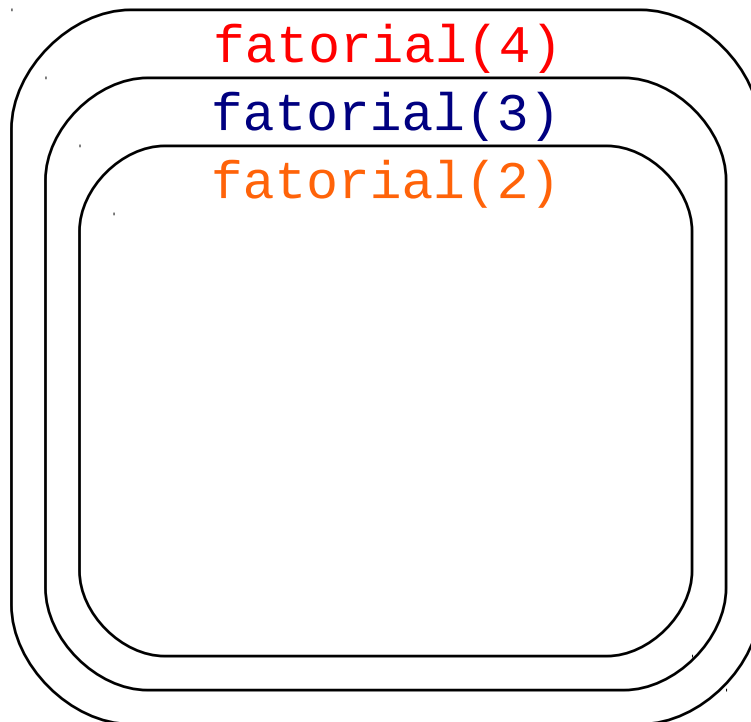


retorno	1
n	1
retorno	
n	2
retorno	
n	3
retorno	
n	4
retorno	
x	

# Recursão

```
int fat(int n) {  
    if (n==0) return 1;  
    else return n*fat(n-1);  
}
```

```
x = fat(4);
```

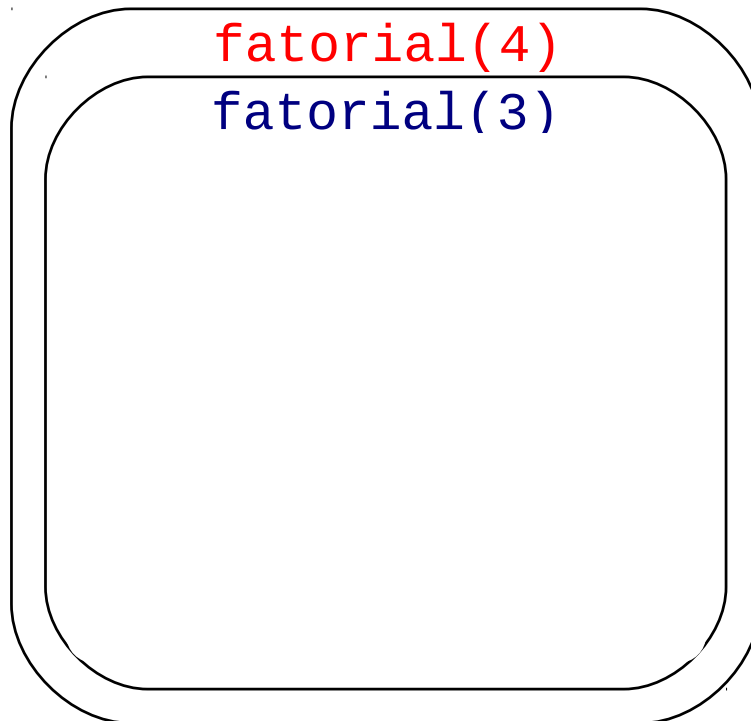


retorno	1
n	2
retorno	
n	3
retorno	
n	4
retorno	
x	

# Recursão

```
int fat(int n) {  
    if (n==0) return 1;  
    else return n*fat(n-1);  
}
```

x = fat(4);

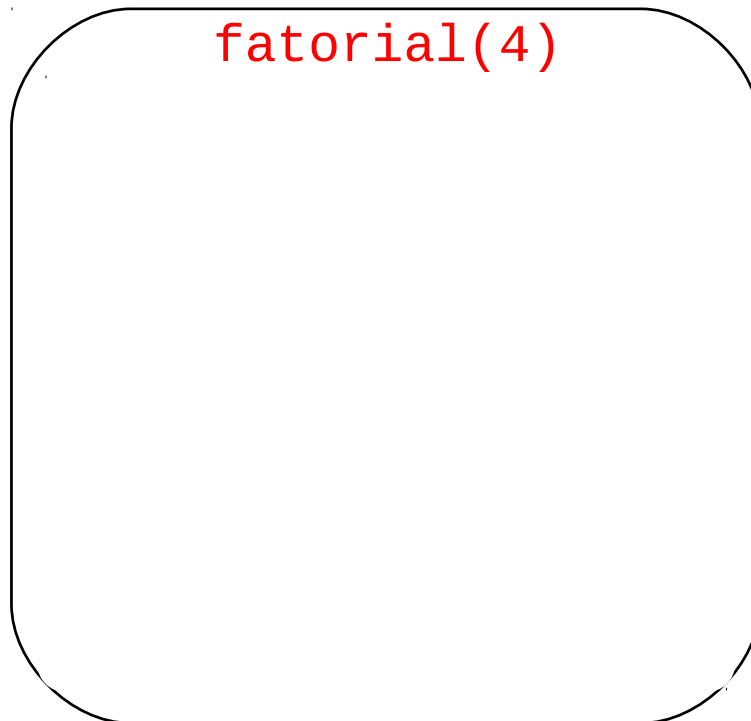


retorno	2
n	3
retorno	
n	4
retorno	
x	

# Recursão

```
int fat(int n) {  
    if (n==0) return 1;  
    else return n*fat(n-1);  
}
```

```
x = fat(4);
```



retorno	6
n	4
retorno	
x	

# Recursão

```
int fat(int n) {  
    if (n==0) return 1;  
    else return n*fat(n-1);  
}
```

```
x = fat(4);
```

retorno	24
x	



# Recursão

```
int fat(int n) {  
    if (n==0) return 1;  
    else return n*fat(n-1);  
}
```

```
x = fat(4);
```

x 24