

# MC-202

## Operações em listas e variações

Rafael C. S. Schouery  
rafael@ic.unicamp.br

Universidade Estadual de Campinas

2º semestre/2019

# Operações em lista ligada

Vamos ver três novas operações para listas ligadas

# Operações em lista ligada

Vamos ver três novas operações para listas ligadas

```
1 typedef struct No {
2     int dado;
3     struct No *prox;
4 } No;
5
6 typedef struct No * p_no;
7
8 p_no criar_lista();
9 void destruir_lista(p_no lista);
10 p_no adicionar_elemento(p_no lista, int x);
11 void imprime(p_no lista);
```

# Operações em lista ligada

Vamos ver três novas operações para listas ligadas

```
1 typedef struct No {
2     int dado;
3     struct No *prox;
4 } No;
5
6 typedef struct No * p_no;
7
8 p_no criar_lista();
9 void destruir_lista(p_no lista);
10 p_no adicionar_elemento(p_no lista, int x);
11 void imprime(p_no lista);
```

# Operações em lista ligada

Vamos ver três novas operações para listas ligadas

```
1 typedef struct No {
2     int dado;
3     struct No *prox;
4 } No;
5
6 typedef struct No * p_no;
7
8 p_no criar_lista();
9 void destruir_lista(p_no lista);
10 p_no adicionar_elemento(p_no lista, int x);
11 void imprime(p_no lista);
12
13 p_no copiar_lista(p_no lista);
```

# Operações em lista ligada

Vamos ver três novas operações para listas ligadas

```
1 typedef struct No {
2     int dado;
3     struct No *prox;
4 } No;
5
6 typedef struct No * p_no;
7
8 p_no criar_lista();
9 void destruir_lista(p_no lista);
10 p_no adicionar_elemento(p_no lista, int x);
11 void imprime(p_no lista);
12
13 p_no copiar_lista(p_no lista);
14 p_no inverter_lista(p_no lista);
```

# Operações em lista ligada

Vamos ver três novas operações para listas ligadas

```
1 typedef struct No {
2     int dado;
3     struct No *prox;
4 } No;
5
6 typedef struct No * p_no;
7
8 p_no criar_lista();
9 void destruir_lista(p_no lista);
10 p_no adicionar_elemento(p_no lista, int x);
11 void imprime(p_no lista);
12
13 p_no copiar_lista(p_no lista);
14 p_no inverter_lista(p_no lista);
15 p_no concatenar_lista(p_no primeira, p_no segunda);
```

# Copiando

Versão recursiva:



# Copiando

Versão recursiva:

```
1 p_no copiar_lista(p_no lista) {
```

# Copiando

Versão recursiva:

```
1 p_no copiar_lista(p_no lista) {
```

# Copiando

Versão recursiva:

```
1 p_no copiar_lista(p_no lista) {  
2   p_no novo;  
3   if (lista == NULL)  
4     return NULL;
```

# Copiando

Versão recursiva:

```
1 p_no copiar_lista(p_no lista) {
2   p_no novo;
3   if (lista == NULL)
4     return NULL;
5   novo = malloc(sizeof(No));
6   novo->dado = lista->dado;
7   novo->prox = copiar_lista(lista->prox);
```

# Copiando

Versão recursiva:

```
1 p_no copiar_lista(p_no lista) {
2     p_no novo;
3     if (lista == NULL)
4         return NULL;
5     novo = malloc(sizeof(No));
6     novo->dado = lista->dado;
7     novo->prox = copiar_lista(lista->prox);
8     return novo;
9 }
```

# Copiando

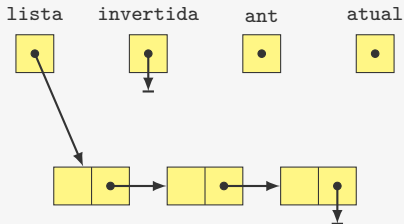
Versão recursiva:

```
1 p_no copiar_lista(p_no lista) {
2     p_no novo;
3     if (lista == NULL)
4         return NULL;
5     novo = malloc(sizeof(No));
6     novo->dado = lista->dado;
7     novo->prox = copiar_lista(lista->prox);
8     return novo;
9 }
```

Exercício: implemente uma versão iterativa da função

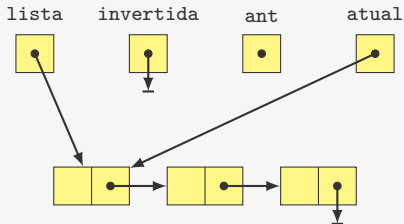
# Invertendo

```
1 p_no inverter_lista(p_no lista) {  
2   p_no atual, ant, invertida = NULL; ←  
3   atual = lista;  
4   while (atual != NULL) {  
5     ant = atual;  
6     atual = ant->prox;  
7     ant->prox = invertida;  
8     invertida = ant;  
9   }  
10  return invertida;  
11 }
```



# Invertendo

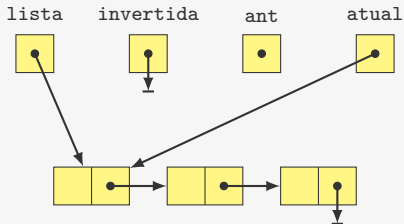
```
1 p_no inverter_lista(p_no lista) {
2   p_no atual, ant, invertida = NULL;
3   atual = lista; ←
4   while (atual != NULL) {
5     ant = atual;
6     atual = ant->prox;
7     ant->prox = invertida;
8     invertida = ant;
9   }
10  return invertida;
11 }
```





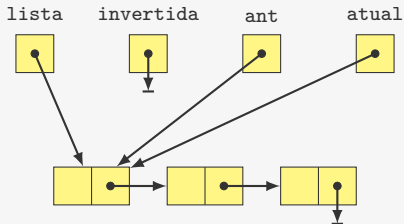
# Invertendo

```
1 p_no inverter_lista(p_no lista) {  
2   p_no atual, ant, invertida = NULL;  
3   atual = lista;  
4   while (atual != NULL) { ←  
5     ant = atual;  
6     atual = atual->prox;  
7     ant->prox = invertida;  
8     invertida = ant;  
9   }  
10  return invertida;  
11 }
```



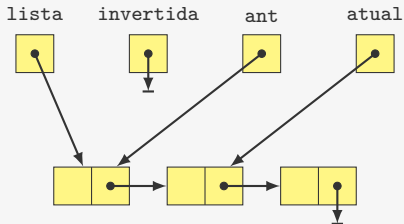
# Invertendo

```
1 p_no inverter_lista(p_no lista) {
2   p_no atual, ant, invertida = NULL;
3   atual = lista;
4   while (atual != NULL) {
5     ant = atual; ←
6     atual = atual->prox;
7     ant->prox = invertida;
8     invertida = ant;
9   }
10  return invertida;
11 }
```



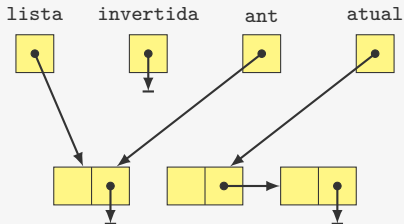
# Invertendo

```
1 p_no inverter_lista(p_no lista) {
2   p_no atual, ant, invertida = NULL;
3   atual = lista;
4   while (atual != NULL) {
5     ant = atual;
6     atual = ant->prox; ←
7     ant->prox = invertida;
8     invertida = ant;
9   }
10  return invertida;
11 }
```



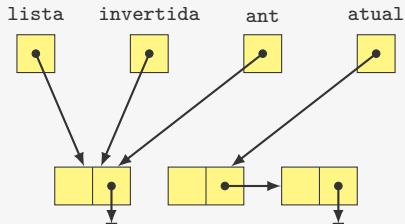
# Invertendo

```
1 p_no inverter_lista(p_no lista) {  
2   p_no atual, ant, invertida = NULL;  
3   atual = lista;  
4   while (atual != NULL) {  
5     ant = atual;  
6     atual = ant->prox;  
7     ant->prox = invertida; ←  
8     invertida = ant;  
9   }  
10  return invertida;  
11 }
```



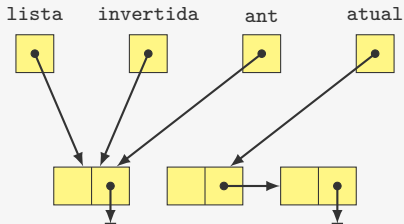
# Invertendo

```
1 p_no inverter_lista(p_no lista) {
2   p_no atual, ant, invertida = NULL;
3   atual = lista;
4   while (atual != NULL) {
5     ant = atual;
6     atual = ant->prox;
7     ant->prox = invertida;
8     invertida = ant; ←
9   }
10  return invertida;
11 }
```



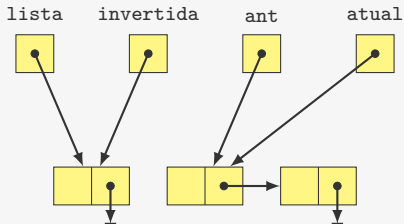
# Invertendo

```
1 p_no inverter_lista(p_no lista) {  
2   p_no atual, ant, invertida = NULL;  
3   atual = lista;  
4   while (atual != NULL) { ←  
5     ant = atual;  
6     atual = ant->prox;  
7     ant->prox = invertida;  
8     invertida = ant;  
9   }  
10  return invertida;  
11 }
```



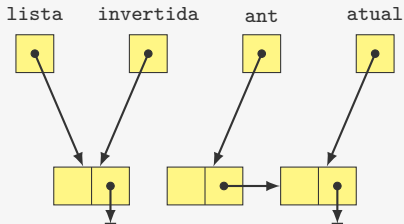
# Invertendo

```
1 p_no inverter_lista(p_no lista) {
2   p_no atual, ant, invertida = NULL;
3   atual = lista;
4   while (atual != NULL) {
5     ant = atual; ←
6     atual = atual->prox;
7     ant->prox = invertida;
8     invertida = ant;
9   }
10  return invertida;
11 }
```



# Invertendo

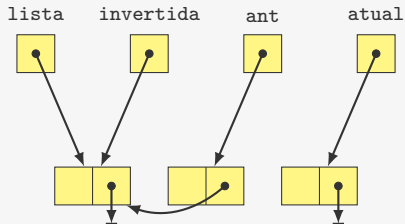
```
1 p_no inverter_lista(p_no lista) {  
2   p_no atual, ant, invertida = NULL;  
3   atual = lista;  
4   while (atual != NULL) {  
5     ant = atual;  
6     atual = ant->prox; ←  
7     ant->prox = invertida;  
8     invertida = ant;  
9   }  
10  return invertida;  
11 }
```





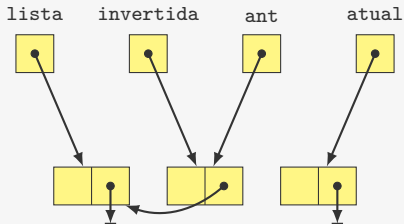
# Invertendo

```
1 p_no inverter_lista(p_no lista) {
2   p_no atual, ant, invertida = NULL;
3   atual = lista;
4   while (atual != NULL) {
5     ant = atual;
6     atual = ant->prox;
7     ant->prox = invertida; ←
8     invertida = ant;
9   }
10  return invertida;
11 }
```



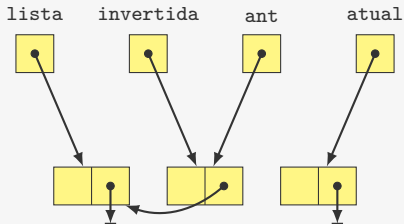
# Invertendo

```
1 p_no inverter_lista(p_no lista) {
2   p_no atual, ant, invertida = NULL;
3   atual = lista;
4   while (atual != NULL) {
5     ant = atual;
6     atual = ant->prox;
7     ant->prox = invertida;
8     invertida = ant; ←
9   }
10  return invertida;
11 }
```



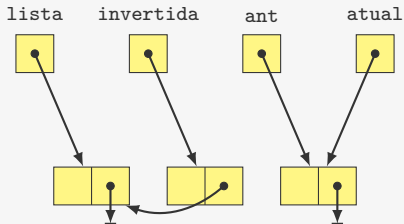
# Invertendo

```
1 p_no inverter_lista(p_no lista) {  
2   p_no atual, ant, invertida = NULL;  
3   atual = lista;  
4   while (atual != NULL) { ←  
5     ant = atual;  
6     atual = atual->prox;  
7     ant->prox = invertida;  
8     invertida = ant;  
9   }  
10  return invertida;  
11 }
```



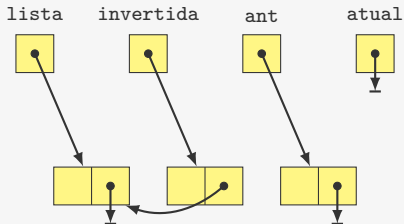
# Invertendo

```
1 p_no inverter_lista(p_no lista) {
2   p_no atual, ant, invertida = NULL;
3   atual = lista;
4   while (atual != NULL) {
5     ant = atual; ←
6     atual = atual->prox;
7     ant->prox = invertida;
8     invertida = ant;
9   }
10  return invertida;
11 }
```



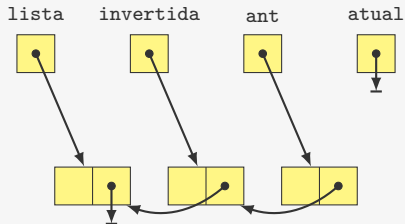
# Invertendo

```
1 p_no inverter_lista(p_no lista) {  
2   p_no atual, ant, invertida = NULL;  
3   atual = lista;  
4   while (atual != NULL) {  
5     ant = atual;  
6     atual = ant->prox; ←  
7     ant->prox = invertida;  
8     invertida = ant;  
9   }  
10  return invertida;  
11 }
```



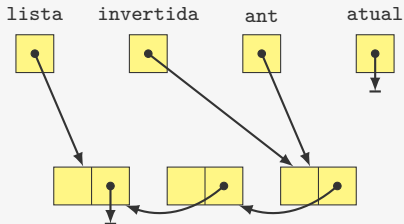
# Invertendo

```
1 p_no inverter_lista(p_no lista) {  
2   p_no atual, ant, invertida = NULL;  
3   atual = lista;  
4   while (atual != NULL) {  
5     ant = atual;  
6     atual = ant->prox;  
7     ant->prox = invertida; ←  
8     invertida = ant;  
9   }  
10  return invertida;  
11 }
```



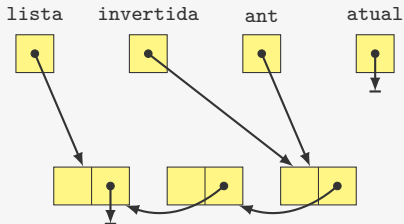
# Invertendo

```
1 p_no inverter_lista(p_no lista) {
2   p_no atual, ant, invertida = NULL;
3   atual = lista;
4   while (atual != NULL) {
5     ant = atual;
6     atual = ant->prox;
7     ant->prox = invertida;
8     invertida = ant; ←
9   }
10  return invertida;
11 }
```



# Invertendo

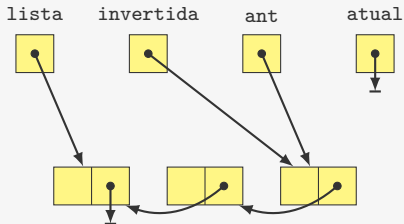
```
1 p_no inverter_lista(p_no lista) {  
2   p_no atual, ant, invertida = NULL;  
3   atual = lista;  
4   while (atual != NULL) { ←  
5     ant = atual;  
6     atual = atual->prox;  
7     ant->prox = invertida;  
8     invertida = ant;  
9   }  
10  return invertida;  
11 }
```





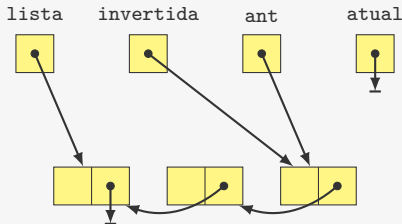
# Invertendo

```
1 p_no inverter_lista(p_no lista) {  
2   p_no atual, ant, invertida = NULL;  
3   atual = lista;  
4   while (atual != NULL) {  
5     ant = atual;  
6     atual = ant->prox;  
7     ant->prox = invertida;  
8     invertida = ant;  
9   }  
10  return invertida; ←  
11 }
```



# Invertendo

```
1 p_no inverter_lista(p_no lista) {
2   p_no atual, ant, invertida = NULL;
3   atual = lista;
4   while (atual != NULL) {
5     ant = atual;
6     atual = ant->prox;
7     ant->prox = invertida;
8     invertida = ant;
9   }
10  return invertida;
11 }
```



Exercício: implemente uma versão recursiva da função

# Concatenando

```
1 p_no concatenar_lista(p_no primeira, p_no segunda) {
```

# Concatenando

```
1 p_no concatenar_lista(p_no primeira, p_no segunda) {
```

# Concatenando

```
1 p_no concatenar_lista(p_no primeira, p_no segunda) {  
2   if (primeira == NULL)
```

# Concatenando

```
1 p_no concatenar_lista(p_no primeira, p_no segunda) {  
2     if (primeira == NULL)  
3         return segunda;
```

# Concatenando

```
1 p_no concatenar_lista(p_no primeira, p_no segunda) {
2     if (primeira == NULL)
3         return segunda;
4     primeira->prox = concatenar_lista(primeira->prox, segunda);
```

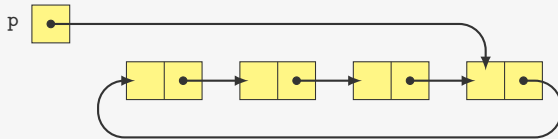
# Concatenando

```
1 p_no concatenar_lista(p_no primeira, p_no segunda) {
2     if (primeira == NULL)
3         return segunda;
4     primeira->prox = concatenar_lista(primeira->prox, segunda);
5     return primeira;
6 }
```



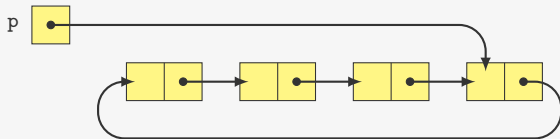
# Variações - Listas circulares

Lista circular:



# Variações - Listas circulares

Lista circular:

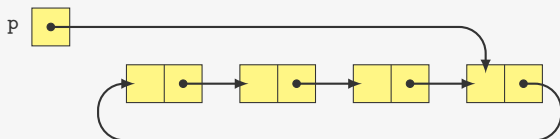


Lista circular **vazia**:



# Variações - Listas circulares

Lista circular:



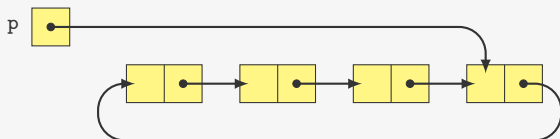
Lista circular **vazia**:



Exemplos de aplicações:

# Variações - Listas circulares

Lista circular:



Lista circular **vazia**:

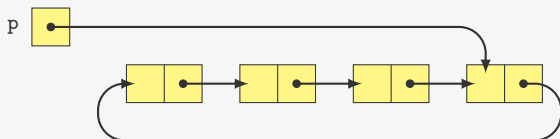


Exemplos de aplicações:

- Execução de processos no sistema operacional

# Variações - Listas circulares

Lista circular:



Lista circular **vazia**:



Exemplos de aplicações:

- Execução de processos no sistema operacional
- Controlar de quem é a vez em um jogo de tabuleiro

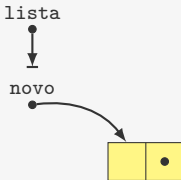
## Inserindo em lista circular

```
1 p_no inserir_circular(p_no lista, int x) {
2   p_no novo;
3   novo = malloc(sizeof(No));
4   novo->dado = x;
5   if (lista == NULL) {
6     novo->prox = novo;
7     lista = novo;
8   } else {
9     novo->prox = lista->prox;
10    lista->prox = novo;
11  }
12  return lista;
13 }
```



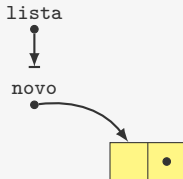
## Inserindo em lista circular

```
1 p_no inserir_circular(p_no lista, int x) {
2   p_no novo;
3   novo = malloc(sizeof(No)); ← lista
4   novo->dado = x;
5   if (lista == NULL) {
6     novo->prox = novo;
7     lista = novo;
8   } else {
9     novo->prox = lista->prox;
10    lista->prox = novo;
11  }
12  return lista;
13 }
```



## Inserindo em lista circular

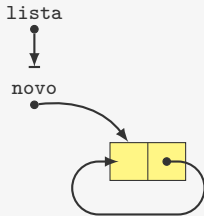
```
1 p_no inserir_circular(p_no lista, int x) {
2   p_no novo;
3   novo = malloc(sizeof(No));
4   novo->dado = x;
5   if (lista == NULL) { ←
6     novo->prox = novo;
7     lista = novo;
8   } else {
9     novo->prox = lista->prox;
10    lista->prox = novo;
11  }
12  return lista;
13 }
```





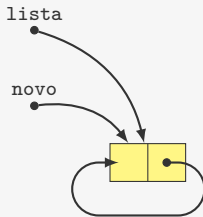
# Inserindo em lista circular

```
1 p_no inserir_circular(p_no lista, int x) {  
2   p_no novo;  
3   novo = malloc(sizeof(No));  
4   novo->dado = x;  
5   if (lista == NULL) {  
6     novo->prox = novo; ←  
7     lista = novo;  
8   } else {  
9     novo->prox = lista->prox;  
10    lista->prox = novo;  
11  }  
12  return lista;  
13 }
```



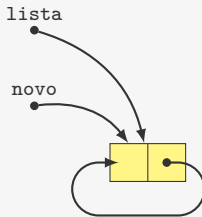
# Inserindo em lista circular

```
1 p_no inserir_circular(p_no lista, int x) {
2   p_no novo;
3   novo = malloc(sizeof(No));
4   novo->dado = x;
5   if (lista == NULL) {
6     novo->prox = novo;
7     lista = novo; ←
8   } else {
9     novo->prox = lista->prox;
10    lista->prox = novo;
11  }
12  return lista;
13 }
```



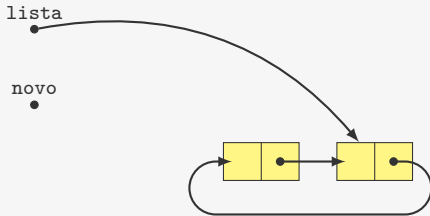
# Inserindo em lista circular

```
1 p_no inserir_circular(p_no lista, int x) {  
2     p_no novo;  
3     novo = malloc(sizeof(No));  
4     novo->dado = x;  
5     if (lista == NULL) {  
6         novo->prox = novo;  
7         lista = novo;  
8     } else {  
9         novo->prox = lista->prox;  
10        lista->prox = novo;  
11    }  
12    return lista; ←  
13 }
```



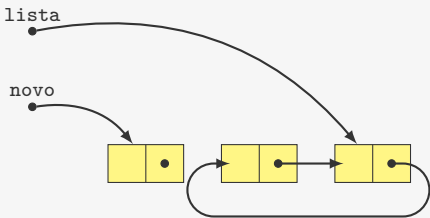
## Inserindo em lista circular

```
1 p_no inserir_circular(p_no lista, int x) {  
2     p_no novo;  
3     novo = malloc(sizeof(No));  
4     novo->dado = x;  
5     if (lista == NULL) {  
6         novo->prox = novo;  
7         lista = novo;  
8     } else {  
9         novo->prox = lista->prox;  
10        lista->prox = novo;  
11    }  
12    return lista;  
13 }
```



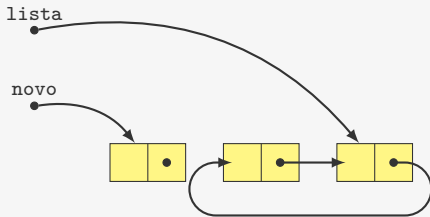
# Inserindo em lista circular

```
1 p_no inserir_circular(p_no lista, int x) {  
2   p_no novo;  
3   novo = malloc(sizeof(No));  
4   novo->dado = x;  
5   if (lista == NULL) {  
6     novo->prox = novo;  
7     lista = novo;  
8   } else {  
9     novo->prox = lista->prox;  
10    lista->prox = novo;  
11  }  
12  return lista;  
13 }
```



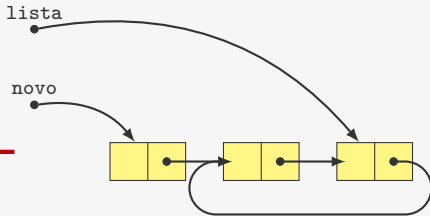
# Inserindo em lista circular

```
1 p_no inserir_circular(p_no lista, int x) {  
2     p_no novo;  
3     novo = malloc(sizeof(No));  
4     novo->dado = x;  
5     if (lista == NULL) { ←  
6         novo->prox = novo;  
7         lista = novo;  
8     } else {  
9         novo->prox = lista->prox;  
10        lista->prox = novo;  
11    }  
12    return lista;  
13 }
```



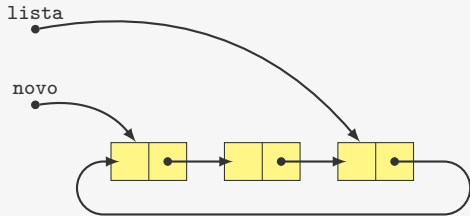
# Inserindo em lista circular

```
1 p_no inserir_circular(p_no lista, int x) {
2   p_no novo;
3   novo = malloc(sizeof(No));
4   novo->dado = x;
5   if (lista == NULL) {
6     novo->prox = novo;
7     lista = novo;
8   } else {
9     novo->prox = lista->prox; ←
10    lista->prox = novo;
11  }
12  return lista;
13 }
```



# Inserindo em lista circular

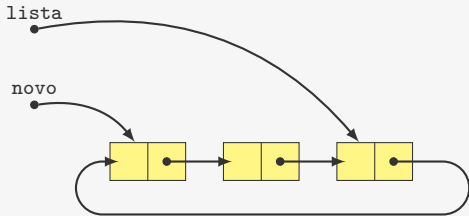
```
1 p_no inserir_circular(p_no lista, int x) {
2   p_no novo;
3   novo = malloc(sizeof(No));
4   novo->dado = x;
5   if (lista == NULL) {
6     novo->prox = novo;
7     lista = novo;
8   } else {
9     novo->prox = lista->prox;
10    lista->prox = novo; ←
11  }
12  return lista;
13 }
```





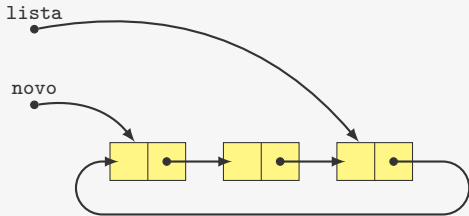
# Inserindo em lista circular

```
1 p_no inserir_circular(p_no lista, int x) {  
2     p_no novo;  
3     novo = malloc(sizeof(No));  
4     novo->dado = x;  
5     if (lista == NULL) {  
6         novo->prox = novo;  
7         lista = novo;  
8     } else {  
9         novo->prox = lista->prox;  
10        lista->prox = novo;  
11    }  
12    return lista; ←  
13 }
```



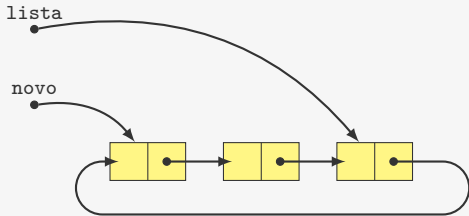
# Inserindo em lista circular

```
1 p_no inserir_circular(p_no lista, int x) {
2   p_no novo;
3   novo = malloc(sizeof(No));
4   novo->dado = x;
5   if (lista == NULL) {
6     novo->prox = novo;
7     lista = novo;
8   } else {
9     novo->prox = lista->prox;
10    lista->prox = novo;
11  }
12  return lista;
13 }
```



# Inserindo em lista circular

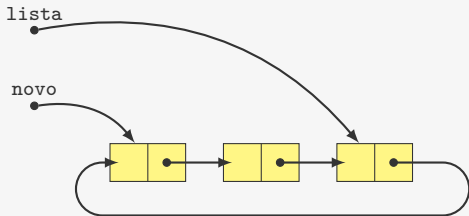
```
1 p_no inserir_circular(p_no lista, int x) {
2   p_no novo;
3   novo = malloc(sizeof(No));
4   novo->dado = x;
5   if (lista == NULL) {
6     novo->prox = novo;
7     lista = novo;
8   } else {
9     novo->prox = lista->prox;
10    lista->prox = novo;
11  }
12  return lista;
13 }
```



Observações:

# Inserindo em lista circular

```
1 p_no inserir_circular(p_no lista, int x) {
2   p_no novo;
3   novo = malloc(sizeof(No));
4   novo->dado = x;
5   if (lista == NULL) {
6     novo->prox = novo;
7     lista = novo;
8   } else {
9     novo->prox = lista->prox;
10    lista->prox = novo;
11  }
12  return lista;
13 }
```

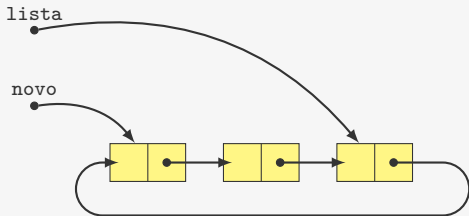


Observações:

- A lista sempre aponta para o último elemento

# Inserindo em lista circular

```
1 p_no inserir_circular(p_no lista, int x) {
2   p_no novo;
3   novo = malloc(sizeof(No));
4   novo->dado = x;
5   if (lista == NULL) {
6     novo->prox = novo;
7     lista = novo;
8   } else {
9     novo->prox = lista->prox;
10    lista->prox = novo;
11  }
12  return lista;
13 }
```

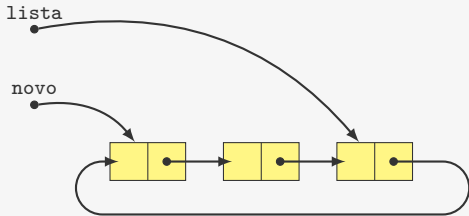


## Observações:

- A lista sempre aponta para o último elemento
  - O dado do primeiro nó elemento é `lista->prox->dado`

# Inserindo em lista circular

```
1 p_no inserir_circular(p_no lista, int x) {
2   p_no novo;
3   novo = malloc(sizeof(No));
4   novo->dado = x;
5   if (lista == NULL) {
6     novo->prox = novo;
7     lista = novo;
8   } else {
9     novo->prox = lista->prox;
10    lista->prox = novo;
11  }
12  return lista;
13 }
```

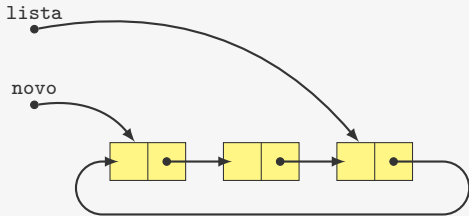


## Observações:

- A lista sempre aponta para o último elemento
  - O dado do primeiro nó elemento é `lista->prox->dado`
  - O dado do último nó elemento é `lista->dado`

# Inserindo em lista circular

```
1 p_no inserir_circular(p_no lista, int x) {
2   p_no novo;
3   novo = malloc(sizeof(No));
4   novo->dado = x;
5   if (lista == NULL) {
6     novo->prox = novo;
7     lista = novo;
8   } else {
9     novo->prox = lista->prox;
10    lista->prox = novo;
11  }
12  return lista;
13 }
```

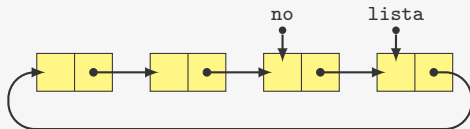


## Observações:

- A lista sempre aponta para o último elemento
  - O dado do primeiro nó elemento é `lista->prox->dado`
  - O dado do último nó elemento é `lista->dado`
  - Para inserir no final, basta devolver `novo` ao invés de `lista`

# Removendo de lista circular

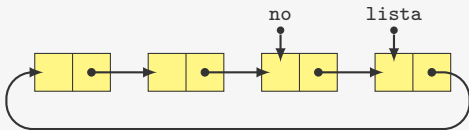
```
1 p_no remover_circular(p_no lista, p_no no) {
```





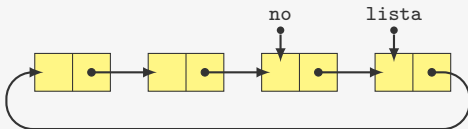
## Removendo de lista circular

```
1 p_no remover_circular(p_no lista, p_no no) {  
2   p_no ant;  
3   if (no->prox == no) {
```



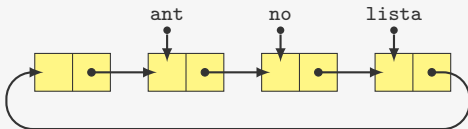
## Removendo de lista circular

```
1 p_no remover_circular(p_no lista, p_no no) {  
2   p_no ant;  
3   if (no->prox == no) {  
4     free(no);  
5     return NULL;  
6   }
```



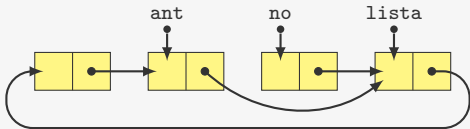
## Removendo de lista circular

```
1 p_no remover_circular(p_no lista, p_no no) {  
2   p_no ant;  
3   if (no->prox == no) {  
4     free(no);  
5     return NULL;  
6   }  
7   for(ant = no->prox; ant->prox != no; ant = ant->prox);
```



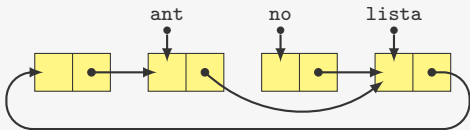
## Removendo de lista circular

```
1 p_no remover_circular(p_no lista, p_no no) {  
2   p_no ant;  
3   if (no->prox == no) {  
4     free(no);  
5     return NULL;  
6   }  
7   for(ant = no->prox; ant->prox != no; ant = ant->prox);  
8   ant->prox = no->prox;
```



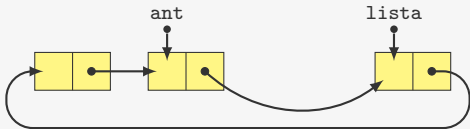
## Removendo de lista circular

```
1 p_no remover_circular(p_no lista, p_no no) {
2   p_no ant;
3   if (no->prox == no) {
4     free(no);
5     return NULL;
6   }
7   for(ant = no->prox; ant->prox != no; ant = ant->prox);
8   ant->prox = no->prox;
9   if (lista == no)
10    lista = ant;
```



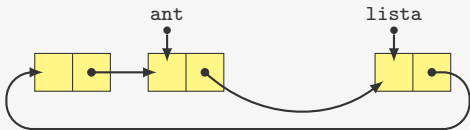
## Removendo de lista circular

```
1 p_no remover_circular(p_no lista, p_no no) {
2   p_no ant;
3   if (no->prox == no) {
4     free(no);
5     return NULL;
6   }
7   for(ant = no->prox; ant->prox != no; ant = ant->prox);
8   ant->prox = no->prox;
9   if (lista == no)
10    lista = ant;
11  free(no);
```



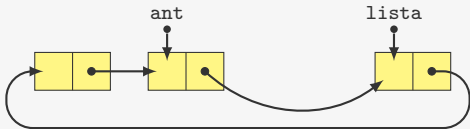
## Removendo de lista circular

```
1 p_no remover_circular(p_no lista, p_no no) {
2   p_no ant;
3   if (no->prox == no) {
4     free(no);
5     return NULL;
6   }
7   for(ant = no->prox; ant->prox != no; ant = ant->prox);
8   ant->prox = no->prox;
9   if (lista == no)
10    lista = ant;
11   free(no);
12   return lista;
13 }
```



## Removendo de lista circular

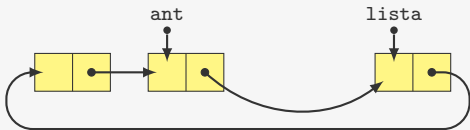
```
1 p_no remover_circular(p_no lista, p_no no) {
2   p_no ant;
3   if (no->prox == no) {
4     free(no);
5     return NULL;
6   }
7   for(ant = no->prox; ant->prox != no; ant = ant->prox);
8   ant->prox = no->prox;
9   if (lista == no)
10    lista = ant;
11  free(no);
12  return lista;
13 }
```





## Removendo de lista circular

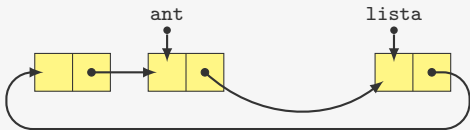
```
1 p_no remover_circular(p_no lista, p_no no) {
2   p_no ant;
3   if (no->prox == no) {
4     free(no);
5     return NULL;
6   }
7   for(ant = no->prox; ant->prox != no; ant = ant->prox);
8   ant->prox = no->prox;
9   if (lista == no)
10    lista = ant;
11  free(no);
12  return lista;
13 }
```



Tempo:  $O(n)$

## Removendo de lista circular

```
1 p_no remover_circular(p_no lista, p_no no) {
2   p_no ant;
3   if (no->prox == no) {
4     free(no);
5     return NULL;
6   }
7   for(ant = no->prox; ant->prox != no; ant = ant->prox);
8   ant->prox = no->prox;
9   if (lista == no)
10    lista = ant;
11  free(no);
12  return lista;
13 }
```



Tempo:  $O(n)$

- tempo constante se soubermos o nó anterior
- e.g., para remover o primeiro da lista

## Percorrendo uma lista circular

```
1 void imprimir_lista_circular(p_no lista) {
2     p_no p;
3     p = lista->prox;
4     do {
5         printf("%d\n", p->dado);
6         p = p->prox;
7     } while (p != lista->prox);
8 }
```

## Percorrendo uma lista circular

```
1 void imprimir_lista_circular(p_no lista) {
2     p_no p;
3     p = lista->prox;
4     do {
5         printf("%d\n", p->dado);
6         p = p->prox;
7     } while (p != lista->prox);
8 }
```

- E se tivéssemos usado `while` ao invés de `do ... while`?

# Percorrendo uma lista circular

```
1 void imprimir_lista_circular(p_no lista) {
2     p_no p;
3     p = lista->prox;
4     do {
5         printf("%d\n", p->dado);
6         p = p->prox;
7     } while (p != lista->prox);
8 }
```

- E se tivéssemos usado `while` ao invés de `do ... while`?
- Essa função pode ser usada com lista vazia?

## Percorrendo uma lista circular

```
1 void imprimir_lista_circular(p_no lista) {
2     p_no p;
3     p = lista->prox;
4     do {
5         printf("%d\n", p->dado);
6         p = p->prox;
7     } while (p != lista->prox);
8 }
```

- E se tivéssemos usado `while` ao invés de `do ... while`?
- Essa função pode ser usada com lista vazia?
  - Como corrigir isso?

## Exercício - Problema de Josephus

Vamos eleger um líder entre  $N$  pessoas

## Exercício - Problema de Josephus

Vamos eleger um líder entre  $N$  pessoas

- Começamos a contar da primeira pessoa



## Exercício - Problema de Josephus

Vamos eleger um líder entre  $N$  pessoas

- Começamos a contar da primeira pessoa
- Contamos  $M$  pessoas

## Exercício - Problema de Josephus

Vamos eleger um líder entre  $N$  pessoas

- Começamos a contar da primeira pessoa
- Contamos  $M$  pessoas
- Eliminamos  $(M + 1)$ -ésima pessoa

## Exercício - Problema de Josephus

Vamos eleger um líder entre  $N$  pessoas

- Começamos a contar da primeira pessoa
- Contamos  $M$  pessoas
- Eliminamos  $(M + 1)$ -ésima pessoa
- Continuamos da próxima pessoa

## Exercício - Problema de Josephus

Vamos eleger um líder entre  $N$  pessoas

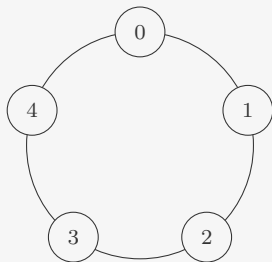
- Começamos a contar da primeira pessoa
- Contamos  $M$  pessoas
- Eliminamos  $(M + 1)$ -ésima pessoa
- Continuamos da próxima pessoa
- Ciclamos quando chegamos ao final

## Exercício - Problema de Josephus

Vamos eleger um líder entre  $N$  pessoas

- Começamos a contar da primeira pessoa
- Contamos  $M$  pessoas
- Eliminamos  $(M + 1)$ -ésima pessoa
- Continuamos da próxima pessoa
- Ciclamos quando chegamos ao final

Exemplo:  $N = 5$  e  $M = 2$

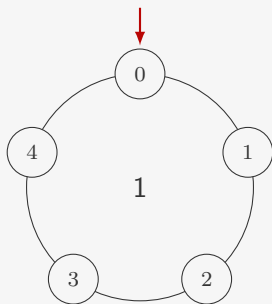


## Exercício - Problema de Josephus

Vamos eleger um líder entre  $N$  pessoas

- Começamos a contar da primeira pessoa
- Contamos  $M$  pessoas
- Eliminamos  $(M + 1)$ -ésima pessoa
- Continuamos da próxima pessoa
- Ciclamos quando chegamos ao final

Exemplo:  $N = 5$  e  $M = 2$

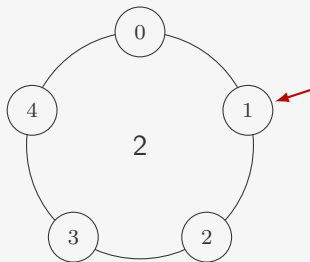


## Exercício - Problema de Josephus

Vamos eleger um líder entre  $N$  pessoas

- Começamos a contar da primeira pessoa
- Contamos  $M$  pessoas
- Eliminamos  $(M + 1)$ -ésima pessoa
- Continuamos da próxima pessoa
- Ciclamos quando chegamos ao final

Exemplo:  $N = 5$  e  $M = 2$

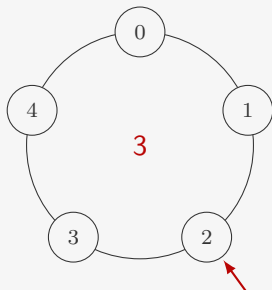


## Exercício - Problema de Josephus

Vamos eleger um líder entre  $N$  pessoas

- Começamos a contar da primeira pessoa
- Contamos  $M$  pessoas
- Eliminamos  $(M + 1)$ -ésima pessoa
- Continuamos da próxima pessoa
- Ciclamos quando chegamos ao final

Exemplo:  $N = 5$  e  $M = 2$



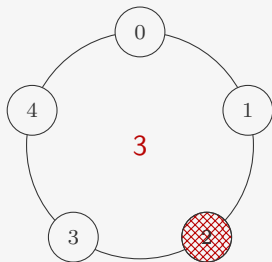


## Exercício - Problema de Josephus

Vamos eleger um líder entre  $N$  pessoas

- Começamos a contar da primeira pessoa
- Contamos  $M$  pessoas
- Eliminamos  $(M + 1)$ -ésima pessoa
- Continuamos da próxima pessoa
- Ciclamos quando chegamos ao final

Exemplo:  $N = 5$  e  $M = 2$

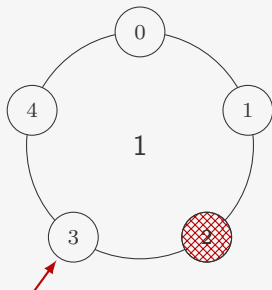


## Exercício - Problema de Josephus

Vamos eleger um líder entre  $N$  pessoas

- Começamos a contar da primeira pessoa
- Contamos  $M$  pessoas
- Eliminamos  $(M + 1)$ -ésima pessoa
- Continuamos da próxima pessoa
- Ciclamos quando chegamos ao final

Exemplo:  $N = 5$  e  $M = 2$

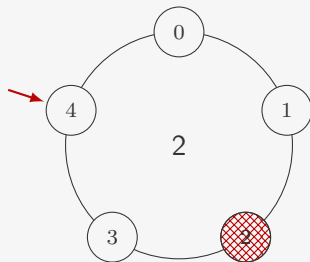


## Exercício - Problema de Josephus

Vamos eleger um líder entre  $N$  pessoas

- Começamos a contar da primeira pessoa
- Contamos  $M$  pessoas
- Eliminamos  $(M + 1)$ -ésima pessoa
- Continuamos da próxima pessoa
- Ciclamos quando chegamos ao final

Exemplo:  $N = 5$  e  $M = 2$

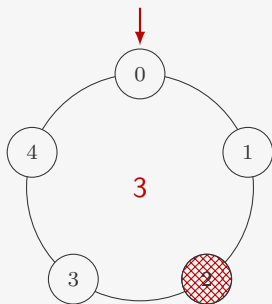


## Exercício - Problema de Josephus

Vamos eleger um líder entre  $N$  pessoas

- Começamos a contar da primeira pessoa
- Contamos  $M$  pessoas
- Eliminamos  $(M + 1)$ -ésima pessoa
- Continuamos da próxima pessoa
- Ciclamos quando chegamos ao final

Exemplo:  $N = 5$  e  $M = 2$

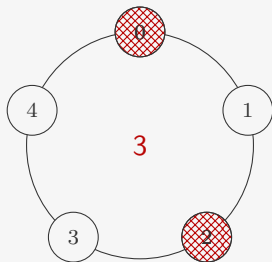


## Exercício - Problema de Josephus

Vamos eleger um líder entre  $N$  pessoas

- Começamos a contar da primeira pessoa
- Contamos  $M$  pessoas
- Eliminamos  $(M + 1)$ -ésima pessoa
- Continuamos da próxima pessoa
- Ciclamos quando chegamos ao final

Exemplo:  $N = 5$  e  $M = 2$

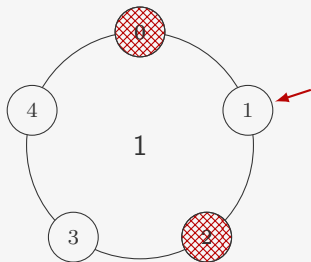


## Exercício - Problema de Josephus

Vamos eleger um líder entre  $N$  pessoas

- Começamos a contar da primeira pessoa
- Contamos  $M$  pessoas
- Eliminamos  $(M + 1)$ -ésima pessoa
- Continuamos da próxima pessoa
- Ciclamos quando chegamos ao final

Exemplo:  $N = 5$  e  $M = 2$

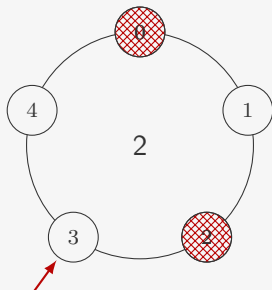


## Exercício - Problema de Josephus

Vamos eleger um líder entre  $N$  pessoas

- Começamos a contar da primeira pessoa
- Contamos  $M$  pessoas
- Eliminamos  $(M + 1)$ -ésima pessoa
- Continuamos da próxima pessoa
- Ciclamos quando chegamos ao final

Exemplo:  $N = 5$  e  $M = 2$

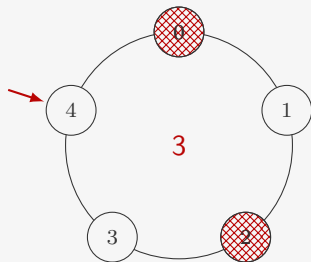


## Exercício - Problema de Josephus

Vamos eleger um líder entre  $N$  pessoas

- Começamos a contar da primeira pessoa
- Contamos  $M$  pessoas
- Eliminamos  $(M + 1)$ -ésima pessoa
- Continuamos da próxima pessoa
- Ciclamos quando chegamos ao final

Exemplo:  $N = 5$  e  $M = 2$



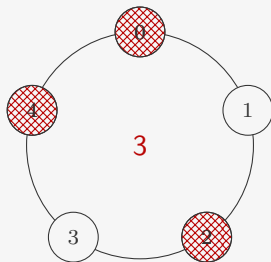


## Exercício - Problema de Josephus

Vamos eleger um líder entre  $N$  pessoas

- Começamos a contar da primeira pessoa
- Contamos  $M$  pessoas
- Eliminamos  $(M + 1)$ -ésima pessoa
- Continuamos da próxima pessoa
- Ciclamos quando chegamos ao final

Exemplo:  $N = 5$  e  $M = 2$

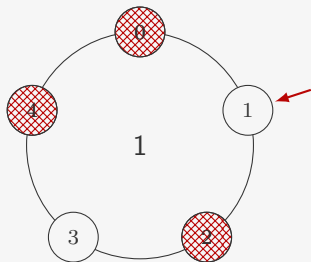


## Exercício - Problema de Josephus

Vamos eleger um líder entre  $N$  pessoas

- Começamos a contar da primeira pessoa
- Contamos  $M$  pessoas
- Eliminamos  $(M + 1)$ -ésima pessoa
- Continuamos da próxima pessoa
- Ciclamos quando chegamos ao final

Exemplo:  $N = 5$  e  $M = 2$

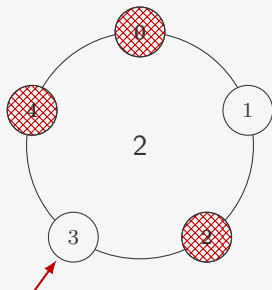


## Exercício - Problema de Josephus

Vamos eleger um líder entre  $N$  pessoas

- Começamos a contar da primeira pessoa
- Contamos  $M$  pessoas
- Eliminamos  $(M + 1)$ -ésima pessoa
- Continuamos da próxima pessoa
- Ciclamos quando chegamos ao final

Exemplo:  $N = 5$  e  $M = 2$

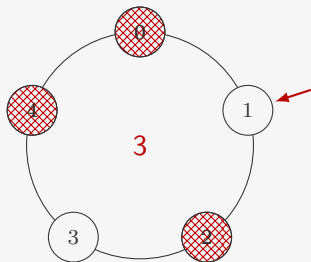


## Exercício - Problema de Josephus

Vamos eleger um líder entre  $N$  pessoas

- Começamos a contar da primeira pessoa
- Contamos  $M$  pessoas
- Eliminamos  $(M + 1)$ -ésima pessoa
- Continuamos da próxima pessoa
- Ciclamos quando chegamos ao final

Exemplo:  $N = 5$  e  $M = 2$

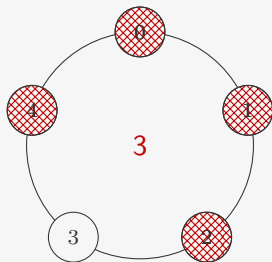


## Exercício - Problema de Josephus

Vamos eleger um líder entre  $N$  pessoas

- Começamos a contar da primeira pessoa
- Contamos  $M$  pessoas
- Eliminamos  $(M + 1)$ -ésima pessoa
- Continuamos da próxima pessoa
- Ciclamos quando chegamos ao final

Exemplo:  $N = 5$  e  $M = 2$



# Problema de Josephus

```
1 int main() {  
2     p_no lista, temp;
```

# Problema de Josephus

```
1 int main() {  
2     p_no lista, temp;  
3     int i, N = 5, M = 2;
```

# Problema de Josephus

```
1 int main() {  
2     p_no lista, temp;  
3     int i, N = 5, M = 2;  
4     lista = criar_lista_circular();
```



# Problema de Josephus

```
1 int main() {
2     p_no lista, temp;
3     int i, N = 5, M = 2;
4     lista = criar_lista_circular();
5     for (i = 0; i < N; i++)
6         lista = inserir_fim_circular(lista, i);
```

# Problema de Josephus

```
1 int main() {
2     p_no lista, temp;
3     int i, N = 5, M = 2;
4     lista = criar_lista_circular();
5     for (i = 0; i < N; i++)
6         lista = inserir_fim_circular(lista, i);
7     while (lista != lista->prox) {
```

# Problema de Josephus

```
1 int main() {
2     p_no lista, temp;
3     int i, N = 5, M = 2;
4     lista = criar_lista_circular();
5     for (i = 0; i < N; i++)
6         lista = inserir_fim_circular(lista, i);
7     while (lista != lista->prox) {
8         for (i = 1; i <= M; i++)
9             lista = lista->prox;
```

# Problema de Josephus

```
1 int main() {
2     p_no lista, temp;
3     int i, N = 5, M = 2;
4     lista = criar_lista_circular();
5     for (i = 0; i < N; i++)
6         lista = inserir_fim_circular(lista, i);
7     while (lista != lista->prox) {
8         for (i = 1; i <= M; i++)
9             lista = lista->prox;
10        temp = lista->prox;
```

# Problema de Josephus

```
1 int main() {
2     p_no lista, temp;
3     int i, N = 5, M = 2;
4     lista = criar_lista_circular();
5     for (i = 0; i < N; i++)
6         lista = inserir_fim_circular(lista, i);
7     while (lista != lista->prox) {
8         for (i = 1; i <= M; i++)
9             lista = lista->prox;
10        temp = lista->prox;
11        lista->prox = lista->prox->prox;
```

# Problema de Josephus

```
1 int main() {
2     p_no lista, temp;
3     int i, N = 5, M = 2;
4     lista = criar_lista_circular();
5     for (i = 0; i < N; i++)
6         lista = inserir_fim_circular(lista, i);
7     while (lista != lista->prox) {
8         for (i = 1; i <= M; i++)
9             lista = lista->prox;
10        temp = lista->prox;
11        lista->prox = lista->prox->prox;
12        free(temp);
```

# Problema de Josephus

```
1 int main() {
2     p_no lista, temp;
3     int i, N = 5, M = 2;
4     lista = criar_lista_circular();
5     for (i = 0; i < N; i++)
6         lista = inserir_fim_circular(lista, i);
7     while (lista != lista->prox) {
8         for (i = 1; i <= M; i++)
9             lista = lista->prox;
10        temp = lista->prox;
11        lista->prox = lista->prox->prox;
12        free(temp);
13    }
14    printf("%d\n", lista->dado);
15    return 0;
16 }
```

## Revistando a Inserção

O código para inserir em uma lista circular não está bom

```
1 p_no inserir_circular(p_no lista, int x) {
2     p_no novo;
3     novo = malloc(sizeof(No));
4     novo->dado = x;
5     if (lista == NULL) {
6         novo->prox = novo;
7         lista = novo;
8     } else {
9         novo->prox = lista->prox;
10        lista->prox = novo;
11    }
12    return lista;
13 }
```



## Revistando a Inserção

O código para inserir em uma lista circular não está bom

```
1 p_no inserir_circular(p_no lista, int x) {
2     p_no novo;
3     novo = malloc(sizeof(No));
4     novo->dado = x;
5     if (lista == NULL) {
6         novo->prox = novo;
7         lista = novo;
8     } else {
9         novo->prox = lista->prox;
10        lista->prox = novo;
11    }
12    return lista;
13 }
```

Precisa lidar com dois casos

## Revistando a Inserção

O código para inserir em uma lista circular não está bom

```
1 p_no inserir_circular(p_no lista, int x) {
2   p_no novo;
3   novo = malloc(sizeof(No));
4   novo->dado = x;
5   if (lista == NULL) {
6     novo->prox = novo;
7     lista = novo;
8   } else {
9     novo->prox = lista->prox;
10    lista->prox = novo;
11  }
12  return lista;
13 }
```

Precisa lidar com dois casos

- Lista vazia ou não vazia

## Revistando a Inserção

O código para inserir em uma lista circular não está bom

```
1 p_no inserir_circular(p_no lista, int x) {
2   p_no novo;
3   novo = malloc(sizeof(No));
4   novo->dado = x;
5   if (lista == NULL) {
6     novo->prox = novo;
7     lista = novo;
8   } else {
9     novo->prox = lista->prox;
10    lista->prox = novo;
11  }
12  return lista;
13 }
```

Precisa lidar com dois casos

- Lista vazia ou não vazia
- A remoção sofre com o mesmo problema

## Revistando a Inserção

O código para inserir em uma lista circular não está bom

```
1 p_no inserir_circular(p_no lista, int x) {
2   p_no novo;
3   novo = malloc(sizeof(No));
4   novo->dado = x;
5   if (lista == NULL) {
6     novo->prox = novo;
7     lista = novo;
8   } else {
9     novo->prox = lista->prox;
10    lista->prox = novo;
11  }
12  return lista;
13 }
```

Precisa lidar com dois casos

- Lista vazia ou não vazia
- A remoção sofre com o mesmo problema

O ponteiro de acesso da lista muda

## Revistando a Inserção

O código para inserir em uma lista circular não está bom

```
1 p_no inserir_circular(p_no lista, int x) {
2   p_no novo;
3   novo = malloc(sizeof(No));
4   novo->dado = x;
5   if (lista == NULL) {
6     novo->prox = novo;
7     lista = novo;
8   } else {
9     novo->prox = lista->prox;
10    lista->prox = novo;
11  }
12  return lista;
13 }
```

Precisa lidar com dois casos

- Lista vazia ou não vazia
- A remoção sofre com o mesmo problema

O ponteiro de acesso da lista muda

- Quando removemos o nó na última posição

## Revistando a Inserção

O código para inserir em uma lista circular não está bom

```
1 p_no inserir_circular(p_no lista, int x) {
2   p_no novo;
3   novo = malloc(sizeof(No));
4   novo->dado = x;
5   if (lista == NULL) {
6     novo->prox = novo;
7     lista = novo;
8   } else {
9     novo->prox = lista->prox;
10    lista->prox = novo;
11  }
12  return lista;
13 }
```

Precisa lidar com dois casos

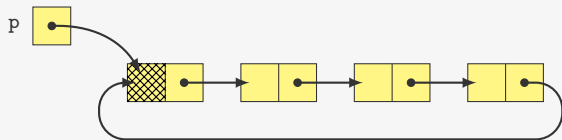
- Lista vazia ou não vazia
- A remoção sofre com o mesmo problema

O ponteiro de acesso da lista muda

- Quando removemos o nó na última posição
- Quando removemos todos os nós

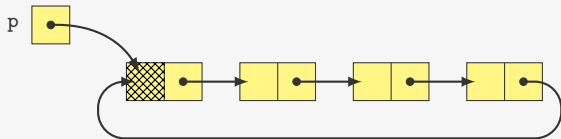
# Listas circulares com cabeça

Lista circular com cabeça:

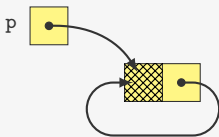


# Listas circulares com cabeça

Lista circular com cabeça:



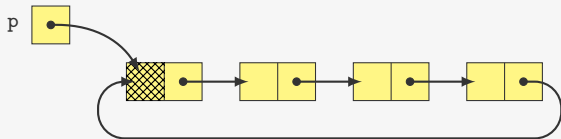
Lista circular **vazia**:



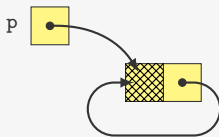


# Listas circulares com cabeça

Lista circular com cabeça:



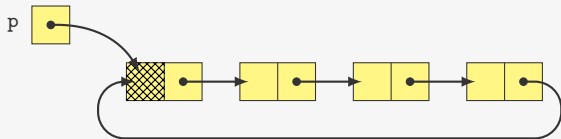
Lista circular **vazia**:



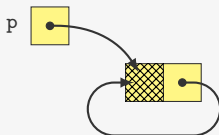
Diferenças para a versão sem cabeça:

# Listas circulares com cabeça

Lista circular com cabeça:



Lista circular **vazia**:

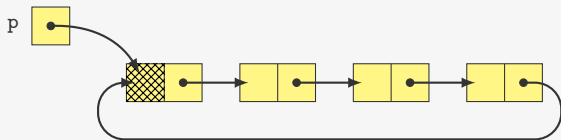


Diferenças para a versão sem cabeça:

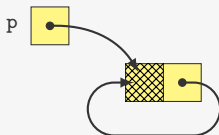
- lista sempre aponta para o nó *dummy*

# Listas circulares com cabeça

Lista circular com cabeça:



Lista circular **vazia**:

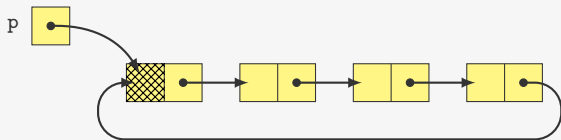


Diferenças para a versão sem cabeça:

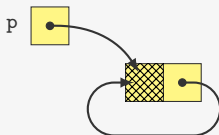
- lista sempre aponta para o nó *dummy*
- código de inserção e de remoção mais simples

# Listas circulares com cabeça

Lista circular com cabeça:



Lista circular **vazia**:



Diferenças para a versão sem cabeça:

- lista sempre aponta para o nó *dummy*
- código de inserção e de remoção mais simples
- ao percorrer, temos que **ignorar a cabeça**

## Inserção e remoção simplificadas

```
1 p_no inserir_circular(p_no lista, int x) {
```

## Inserção e remoção simplificadas

```
1 p_no inserir_circular(p_no lista, int x) {  
2     p_no novo;
```

## Inserção e remoção simplificadas

```
1 p_no inserir_circular(p_no lista, int x) {  
2     p_no novo;  
3     novo = malloc(sizeof(No));
```

## Inserção e remoção simplificadas

```
1 p_no inserir_circular(p_no lista, int x) {  
2     p_no novo;  
3     novo = malloc(sizeof(No));  
4     novo->dado = x;
```



## Inserção e remoção simplificadas

```
1 p_no inserir_circular(p_no lista, int x) {  
2     p_no novo;  
3     novo = malloc(sizeof(No));  
4     novo->dado = x;  
5     novo->prox = lista->prox;
```

## Inserção e remoção simplificadas

```
1 p_no inserir_circular(p_no lista, int x) {
2     p_no novo;
3     novo = malloc(sizeof(No));
4     novo->dado = x;
5     novo->prox = lista->prox;
6     lista->prox = novo;
```

## Inserção e remoção simplificadas

```
1 p_no inserir_circular(p_no lista, int x) {
2     p_no novo;
3     novo = malloc(sizeof(No));
4     novo->dado = x;
5     novo->prox = lista->prox;
6     lista->prox = novo;
7     return lista;
8 }
```

## Inserção e remoção simplificadas

```
1 p_no inserir_circular(p_no lista, int x) {
2     p_no novo;
3     novo = malloc(sizeof(No));
4     novo->dado = x;
5     novo->prox = lista->prox;
6     lista->prox = novo;
7     return lista;
8 }
```

```
1 p_no remover_circular(p_no lista, p_no no) {
```

## Inserção e remoção simplificadas

```
1 p_no inserir_circular(p_no lista, int x) {
2     p_no novo;
3     novo = malloc(sizeof(No));
4     novo->dado = x;
5     novo->prox = lista->prox;
6     lista->prox = novo;
7     return lista;
8 }
```

```
1 p_no remover_circular(p_no lista, p_no no) {
2     p_no ant;
```

## Inserção e remoção simplificadas

```
1 p_no inserir_circular(p_no lista, int x) {
2     p_no novo;
3     novo = malloc(sizeof(No));
4     novo->dado = x;
5     novo->prox = lista->prox;
6     lista->prox = novo;
7     return lista;
8 }
```

```
1 p_no remover_circular(p_no lista, p_no no) {
2     p_no ant;
3     for(ant = no->prox; ant->prox != no; ant = ant->prox);
```

## Inserção e remoção simplificadas

```
1 p_no inserir_circular(p_no lista, int x) {
2     p_no novo;
3     novo = malloc(sizeof(No));
4     novo->dado = x;
5     novo->prox = lista->prox;
6     lista->prox = novo;
7     return lista;
8 }
```

```
1 p_no remover_circular(p_no lista, p_no no) {
2     p_no ant;
3     for(ant = no->prox; ant->prox != no; ant = ant->prox);
4     ant->prox = no->prox;
```

## Inserção e remoção simplificadas

```
1 p_no inserir_circular(p_no lista, int x) {
2     p_no novo;
3     novo = malloc(sizeof(No));
4     novo->dado = x;
5     novo->prox = lista->prox;
6     lista->prox = novo;
7     return lista;
8 }
```

```
1 p_no remover_circular(p_no lista, p_no no) {
2     p_no ant;
3     for(ant = no->prox; ant->prox != no; ant = ant->prox);
4     ant->prox = no->prox;
5     free(no);
```

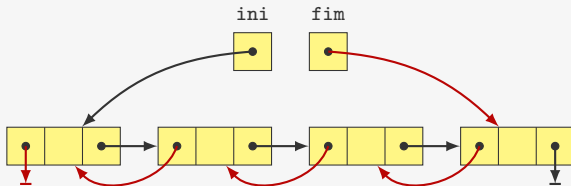


## Inserção e remoção simplificadas

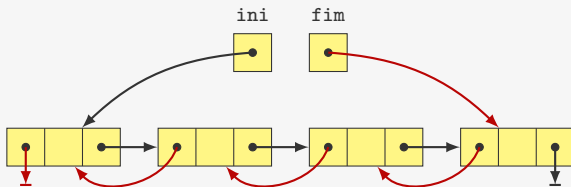
```
1 p_no inserir_circular(p_no lista, int x) {
2     p_no novo;
3     novo = malloc(sizeof(No));
4     novo->dado = x;
5     novo->prox = lista->prox;
6     lista->prox = novo;
7     return lista;
8 }
```

```
1 p_no remover_circular(p_no lista, p_no no) {
2     p_no ant;
3     for(ant = no->prox; ant->prox != no; ant = ant->prox);
4     ant->prox = no->prox;
5     free(no);
6     return lista;
7 }
```

## Variações - Duplamente ligada



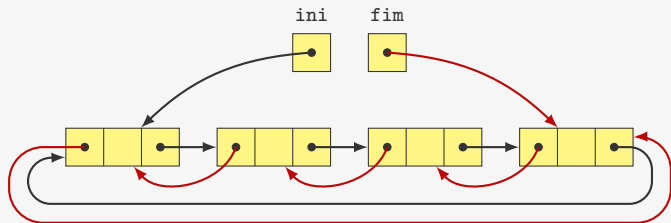
## Variações - Duplamente ligada



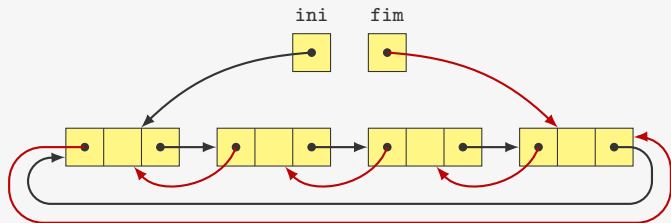
Exemplos:

- Operações desfazer/refazer em software
- Player de música (música anterior e próxima música)

## Variações - Lista dupla circular

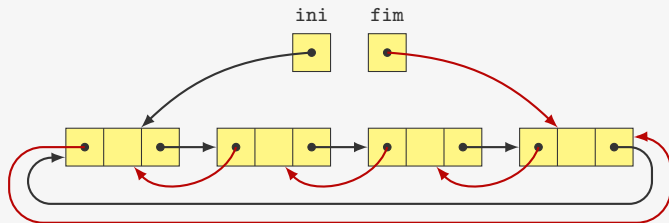


## Variações - Lista dupla circular



Permite inserção e remoção em  $O(1)$

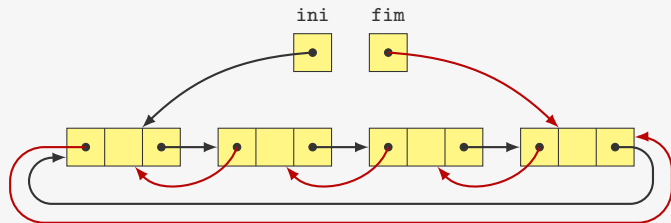
## Variações - Lista dupla circular



Permite inserção e remoção em  $O(1)$

- Variável **fim** é opcional (`fim == ini->ant`)

## Variações - Lista dupla circular



Permite inserção e remoção em  $O(1)$

- Variável **fim** é opcional (`fim == ini->ant`)

Podemos ter uma lista dupla circular com cabeça também...

## Exercício

Represente polinômios utilizando listas ligadas e apresente uma função que soma dois polinômios.



## Exercício

Implemente a operação *inserir elemento* de uma lista duplamente ligada.

## Exercício

Escreva uma função que devolve a concatenação de duas listas circulares dadas. Sua função pode destruir a estrutura das listas dadas.